

Parte A (6,0 puntos)

1. (3 puntos) Para determinar la masa de la regla planteamos, según la figura 1 (0,5 puntos)

medimos: $L = 50 \text{ cm}$, $b_0 = (24,1 \pm 0,1) \text{ cm}$, $b_1 = (35,4 \pm 0,1) \text{ cm}$

$$m_r = m_0 \frac{(L - b_1)}{(b_1 - b_0)} = 50 \frac{14.6}{11.3} = 64.4 \text{ g (1,0 puntos),}$$

$$\Delta m_r = m_r \sqrt{\left(\frac{\Delta L_1}{L_1}\right)^2 + \left(\frac{\Delta L_2}{L_2}\right)^2} = 64.4 \sqrt{\left(\frac{0.1}{14.6}\right)^2 + \left(\frac{0.1}{11.3}\right)^2} \approx 0.4 \text{ (1,0 punto)}$$

$$m_r = (644 \pm 4) \cdot 10^{-1} \text{ g (0,5 puntos).}$$

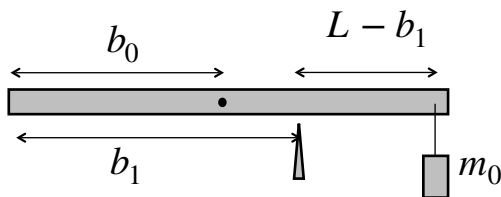


Fig. 1

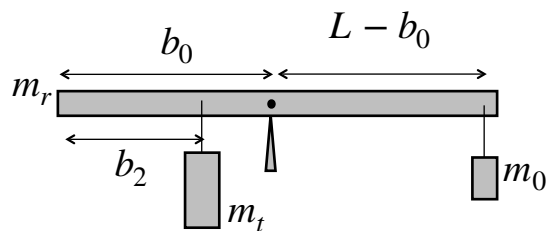


Fig. 2

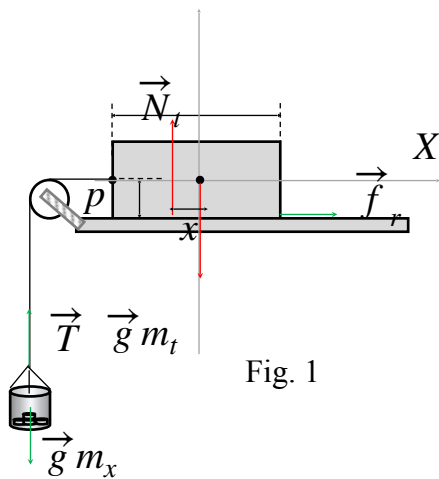
2. (3 puntos) Para el taco, queda según la misma idea; colocando el punto de apoyo el centro de gravedad de la

regla, ver figura 2, queda: $m_T = m_0 \frac{(L - b_0)}{(b_0 - b_2)} = 50 \frac{25.9}{15.1} \approx 85.8 \text{ g (1,0 puntos)}$

$$\Delta m_t = 85.8 \sqrt{\left(\frac{0.1}{25.9}\right)^2 + \left(\frac{0.1}{15.1}\right)^2} \approx 0.6 \text{ (1,0 punto)}$$

$$m_t = (858 \pm 7) \cdot 10^{-1} \text{ g (0,5 puntos).}$$

Nota: Recordar, que los taco las reglas anqué son parecidos, se debe chequera que estos valores coincidan con los datos de las mediciones que se chequearon con la balanza, ver documento de Excel.



Parte B (2,0 puntos)

1. (1,0 punto)

De la figura 1 (0,2 punto),

queda $N_t = m_t g$ (0,2 punto)

(1), para el eje X queda $f_r = g m_x$ (0,2 punto)

(2), según la ecuación de los momentos respecto al punto o queda $f_r h = N_t x$ (0,2 punto)

$$o x = \frac{m_x g h}{m_t g} \quad o x = \frac{m_x g h}{m_t g} \text{ (0,2 punto), quedando } x = h \frac{m_x}{m_t} \text{ (3).}$$

2. (1,0 punto)

Evaluando obtenemos:, para $m_x = \frac{m_t}{2} x = \frac{h}{2}$ (0,5 punto),

quedando $N_t = m_t g$ (0,5 punto).

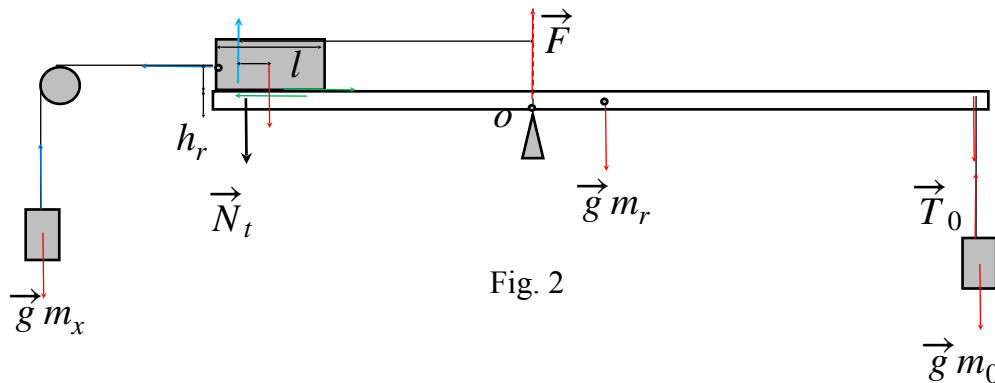


Fig. 2

Parte C (12 puntos)

1. Hacer el montaje.

2. (2,0 puntos)

Podemos plantear el siguiente sistema de ecuaciones: respecto al punto o, figura 2, queda

$$N_t \left(b_x - \frac{l}{2} + x \right) + f_r h_r = g m_r \left(\frac{L}{2} - b_x \right) + T_0 (L - b_x) \quad (1,0 \text{ puntos}),$$

teniendo en cuenta que (1), (2), y que $T_0 = g m_0$, la última ecuación queda

$$m_t g \left(b_x - \frac{l}{2} + h \frac{m_x}{m_t} \right) + m_x g h_r = g m_r \left(\frac{L}{2} - b_x \right) + g m_0 (L - b_x) \quad (0,5 \text{ puntos}),$$

obtenemos reagrupando $b_x (m_t + m_r + m_0) = m_0 L + m_r \frac{L}{2} + m_t \frac{l}{2} - m_x (h + h_r)$

$$(0,5 \text{ puntos}) \circ b_x = \frac{m_0 2L + m_r L + m_t l}{2(m_t + m_r + m_0)} - \frac{h + h_r}{(m_t + m_r + m_0)} \cdot m_x$$

$$N = \frac{m_0 2L + m_r L + m_t l}{2(m_t + m_r + m_0)} \quad y \quad M = - \frac{h + h_r}{(m_t + m_r + m_0)} \cdot m_x$$

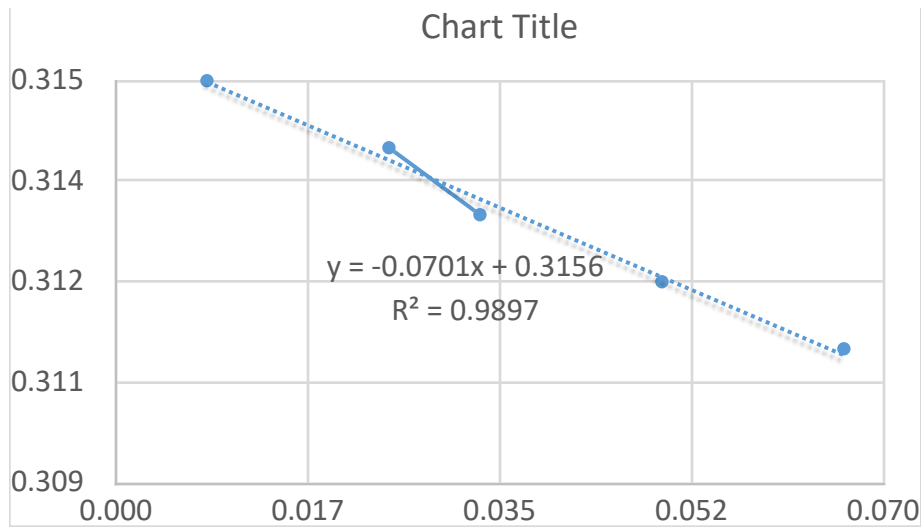
3. Ver tabla de valores **(3, 0 puntos)**

mx, kg	bx, m
0.000	
0.008	0.315
0.017	
0.025	0.314
0.033	0.313
0.042	
0.050	0.312
0.058	
0.066	0.311

4. Ver grafica **(4, 0 puntos)**

Nota: recuerden que faltan los ejes y las unidades **(0,1 punto cada uno)**

(0,3 puntos), línea **(0,7 puntos)**



- $\left\{ \begin{array}{l} R^2, \text{ como m\u00ednimo } 0,7 \text{ (1,0 punto)} \\ \text{la pendiente, entre } -0,04 \text{ y } -0,1, \text{ siempre negativa (1,0 punto)} \\ \text{intercepto entre } 0,317 \text{ y } 0,315 \text{ (1,0 punto)} \end{array} \right.$

(3,0 puntos)

5. Seg\u00fan la ecuaci\u00f3n obtenida en los apartados A_1 , A_2 y C_2 , y la condici\u00f3n del problema, queda

$$0 = m_0 L + m_r \frac{L}{2} + m_t \frac{l}{2} - m_1 (h + h_r) \text{ o } m_1 = \frac{m_0 L + m_r \frac{L}{2} + m_t \frac{l}{2}}{(h + h_r)}, \text{ quedando, la soluci\u00f3n te\u00f3rico-}$$

$$\text{experimental } m_1 = \frac{150 \text{ g} \cdot 50 \text{ cm} + 64,4 \text{ g} \cdot 25 \text{ cm} + 85,5 \text{ g} \cdot 25 \text{ cm}}{2,5 \text{ cm}} \approx 4499 \text{ g} \approx 4,50 \text{ kg. Seg\u00fan}$$

la soluci\u00f3n experimental queda, $m_1 \approx 4.51$